

数学 解答欄

問題 1

[各10点]

[1]

$$\frac{a}{\sqrt{3}-1} + \frac{b}{\sqrt{3}} = 1$$

両辺に $\sqrt{3}(\sqrt{3}-1)$ をかけて

$$\sqrt{3}a + (\sqrt{3}-1)b = 3 - \sqrt{3}$$

整理して

$$(a+b)\sqrt{3} - b = -\sqrt{3} + 3$$

a, b は有理数なので

$$\begin{cases} a+b = -1 \\ -b = 3 \end{cases}$$

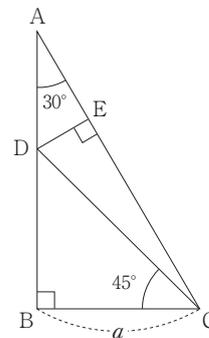
これを解いて

$$\begin{cases} a = 2 \\ b = -3 \end{cases}$$

$$\underline{a = 2, b = -3}$$

[2]

$$\begin{aligned} (1) \quad AD &= AB - DB \\ &= \sqrt{3}a - a \\ &= (\sqrt{3}-1)a \end{aligned}$$



$$\underline{(\sqrt{3}-1)a}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad DE &= \frac{1}{2} AD \\ &= \frac{\sqrt{3}-1}{2} a \end{aligned}$$

$$\underline{\frac{\sqrt{3}-1}{2} a}$$

$$\begin{aligned} (3) \quad \sin 15^\circ &= \frac{DE}{CD} \\ &= \frac{\frac{\sqrt{3}-1}{2} a}{\frac{\sqrt{2}}{2} a} \\ &= \frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4} \end{aligned}$$

$$\underline{\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}}$$

[3]

三角形の2辺の長さの和は他の1辺の長さより大きいので

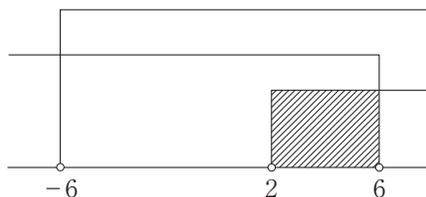
$$\begin{cases} 2x + x > 6 \\ x + 6 > 2x \\ 6 + 2x > x \end{cases}$$

これを解いて

$$\begin{cases} x > 2 \\ x < 6 \\ x > -6 \end{cases}$$

よって

$$2 < x < 6$$



$$\underline{2 < x < 6}$$

[4]

$$y = -\sqrt{5}x - \sqrt{2}$$

変数 x の平均値は

$$\frac{1}{5}(-5 - 7 - 4 - 9 - 5) = -6$$

変数 x の分散は

$$\frac{1}{5}(1 + 1 + 4 + 9 + 1) = \frac{16}{5}$$

変数 x の標準偏差は

$$\sqrt{\frac{16}{5}} = \frac{4}{\sqrt{5}}$$

変数 y の標準偏差は

$$|-\sqrt{5}| \cdot \frac{4}{\sqrt{5}} = 4$$

$$\underline{4}$$

[5]

(1) 当たりくじが1本である確率は

$$\frac{{}_7C_1 \times {}_3C_1}{{}_{10}C_2} = \frac{7 \times 3}{45} = \frac{7}{15}$$

 $\frac{7}{15}$

(2) 当たりくじが0本の確率は

$$\frac{{}_7C_2}{{}_{10}C_2} = \frac{21}{45} = \frac{7}{15}$$

当たりくじが2本の確率は

$$\frac{{}_3C_2}{{}_{10}C_2} = \frac{3}{45} = \frac{1}{15}$$

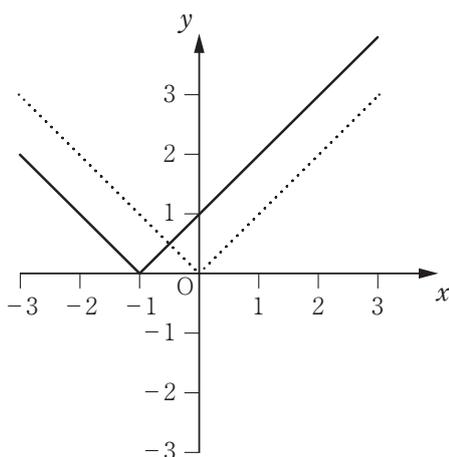
期待値は

$$0 \times \frac{7}{15} + 1 \times \frac{7}{15} + 2 \times \frac{1}{15} = \frac{3}{5}$$

 $\frac{3}{5}$

[6]

(1) $y = |x+1|$ のグラフは
 $y = |x|$ を x 軸方向に -1 平行移動
 したグラフ (下図の実線)



(2) 2つのグラフの交点から
 左の領域であれば $|x| \geq |x+1|$

グラフの交点は

$$\begin{cases} y = -x \\ y = x+1 \end{cases}$$

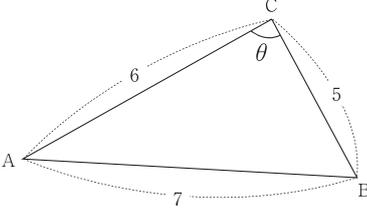
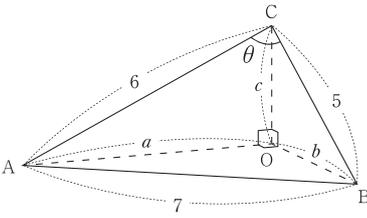
これを解いて

$$\begin{cases} x = -\frac{1}{2} \\ y = \frac{1}{2} \end{cases}$$

よって $x \leq -\frac{1}{2}$ $x \leq -\frac{1}{2}$

問題2

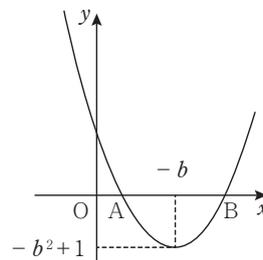
[1] 5点 [2] 3点 [3][4] 各6点

<p>[1]</p>	<p>△ABCに余弦定理を適用すると</p> $\cos\theta = \frac{6^2 + 5^2 - 7^2}{2 \cdot 6 \cdot 5} = \frac{1}{5}$ $\sin\theta = \pm \sqrt{1 - \left(\frac{1}{5}\right)^2} = \pm \frac{2\sqrt{6}}{5}$ <p>$0^\circ < \theta < 180^\circ$ なので $\sin\theta > 0$</p> <p>よって $\sin\theta = \frac{2\sqrt{6}}{5}$</p>	 $\cos\theta = \frac{1}{5} \quad \sin\theta = \frac{2\sqrt{6}}{5}$
<p>[2]</p>	<p>△ABCの面積は</p> $\frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 5 \sin\theta = 3 \cdot 5 \cdot \frac{2\sqrt{6}}{5} = 6\sqrt{6}$	$6\sqrt{6}$
<p>[3]</p>	<p>三平方の定理により</p> $\begin{cases} a^2 + b^2 = 7^2 & \dots\dots\dots ① \\ b^2 + c^2 = 5^2 & \dots\dots\dots ② \\ c^2 + a^2 = 6^2 & \dots\dots\dots ③ \end{cases}$ <p>$\frac{①+②+③}{2}$ から</p> $a^2 + b^2 + c^2 = 55$ <p>①, ②, ③と比較して</p> $a^2 = 30, \quad b^2 = 19, \quad c^2 = 6$ <p>$a > 0, \quad b > 0, \quad c > 0$ なので</p> $a = \sqrt{30}, \quad b = \sqrt{19}, \quad c = \sqrt{6}$	 $a = \sqrt{30}, \quad b = \sqrt{19}, \quad c = \sqrt{6}$
<p>[4]</p>	<p>三角錐OABCの体積をVとすると</p> $V = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot \sqrt{30} \cdot \sqrt{19} \cdot \sqrt{6} = \sqrt{95} \quad \dots\dots\dots ①$ <p>点Oから△ABCに下ろした垂線の長さをhとすると</p> $V = \frac{1}{3} \cdot 6\sqrt{6} \cdot h = 2\sqrt{6}h \quad \dots\dots\dots ②$ <p>①, ②より</p> $2\sqrt{6}h = \sqrt{95}$ $h = \frac{\sqrt{570}}{12}$	$\frac{\sqrt{570}}{12}$

問題3

[1] 4点 [2] 6点 [3] 4点 [4] 6点

[1]	$y = x^2 + 2bx + 1$ $= (x + b)^2 - b^2 + 1$ 頂点の座標は $(-b, -b^2 + 1)$ <div style="text-align: right;"><u>$(-b, -b^2 + 1)$</u></div>
[2]	$x^2 + 2bx + 1 = 0$ x 軸と2点で交わっているので、判別式 $D > 0$ $D = 4b^2 - 4 = 4(b^2 - 1) = 4(b + 1)(b - 1)$ $D > 0$ より $(b + 1)(b - 1) > 0$ $b < -1, 1 < b$ <div style="text-align: right;"><u>$b < -1, 1 < b$</u></div>
[3]	$x^2 + 2bx + 1 = 0$ $x = -b \pm \sqrt{b^2 - 1}$ AB間の距離は $-b + \sqrt{b^2 - 1} - (-b - \sqrt{b^2 - 1}) = 2\sqrt{b^2 - 1}$ <div style="text-align: right;"><u>$2\sqrt{b^2 - 1}$</u></div>
[4]	$y = x^2 + 2bx + 1$ は下に凸のため、 x 軸との距離は $b^2 - 1$ これがAB間の距離に等しいので $b^2 - 1 = 2\sqrt{b^2 - 1}$ $q = \sqrt{b^2 - 1}$ とおくと $q^2 - 2q = 0$ $q(q - 2) = 0$ $q = 0, 2$ $q = \sqrt{b^2 - 1} = 0$ から $b = \pm 1$ ……① $q = \sqrt{b^2 - 1} = 2$ から $b = \pm\sqrt{5}$ ……② ①は [2] より不適 $b = \pm\sqrt{5}$ <div style="text-align: right;"><u>$b = \pm\sqrt{5}$</u></div>



英語 解答欄

問題1

[各2点×10]

A	B	C	D
①	③	②	②
E	F	G	H
①	①	①	③
I	J		
③	①		

問題2

[各5点×4]

K	L
I'd like (to)(make) a presentation	Thank you (for)(calling).
M	N
Smoking (is)(bad)(for) your health.	(What)(did)(you) have for lunch ?

問題3

[各4点×3]

O
[How would you like to pay].
P
[Dreams will come true as long as you] never give up.
Q
[I'm sure it will be fine] !

問題4

[各4点×2]

R	S
①	①

問題5

T		[5点]
For him, a building has a public function even when it is private.		
U		[10点]
nineteen forty-five		
V	[5点]	
①		
W		[5点]
He is the 53rd laureate of the Pritzker Architecture Prize.		
X	[5点]	
②		
Y		[10点]
例 I want to visit the place.		

国語 解答欄

問題1

[各2点×5]

(い)	(ろ)	(は)	(に)	(ほ)
趣味	遠慮	模索	対照的	賛同

問題2

[各2点×5]

(イ)	(ロ)	(ハ)	(ニ)	(ホ)
おんとう	いやし	しょうけい どうけい	せんさい	ていねい

問題3

[各4点×2]

①	②
私的	支出

問題4

[各4点×3]

(A)	(B)	(C)
また	それから	しかし

問題5

[10点]

つつましい嗜好	と	ぜいたくな嗜好
---------	---	---------

(順番は問わない)

問題6

[5点]

切実なニーズへ	の配慮
---------	-----

問題7 解答例①

[10点]

自	分	へ	の	配	慮	は	当	然	の	こ	と	で	あ	り
配	慮	と	は	思	わ	な	い	が	、	他	者	へ	の	配
慮	は	特	別	な	こ	と	と	感	じ	て	し	ま	う	。

解答例②

一	般	の	受	講	者	は	既	に	配	慮	さ	れ	て	い
る	の	だ	か	ら	、	障	害	者	に	配	慮	す	る	こ
と	で	「	配	慮	の	平	等	」	と	な	る	か	ら	。

問題8

[各5点×2]

1	3
---	---

問題9

[各3点×5]

1	2	3	4	5
○	×	×	○	○

問題10 解答例

[10点]

誰	も	が	、	そ	こ	そ	こ	元	気	に	、	自	由	に
、	つ	つ	が	な	く	暮	ら	せ	る	社	会	。		